

Osnovni algoritamski postupci

Često korišteni algoritmi u programiranju

Primjer 1

Algoritam učitava n brojeva i ispisuje njihov zbroj.

Broj n korisnik odabire na početku.

Rješenje:

```
{  
ulaz(n);  
zbroj:=0;  
za broj_ponavljanja:=1 do n činiti  
{  
ulaz(broj);  
zbroj:=zbroj+broj;  
}  
izlaz(zbroj);  
}
```

Zbrajanje se svodi na dodavanje novoučitanoga broja prethodno izračunatoj vrijednosti variabile zbroj u svakom ponavljanju petlje.

Očito je da ćemo ovaj algoritam koristiti kad zbrajamo veći broj podataka ili kad je broj podataka unaprijed nepoznat.

U ovom slučaju odabrali smo petlju sa zadanim brojem ponavljanja jer na početku programa korisnik određuje koliko će podatka unositi.

Primjer 2

Algoritam učitava ocjene iz informatike za n
učenika.

Ispisuje srednju ocjenu pozitivno ocijenjenih
učenika.

Rješenje:

```
{  
ulaz(n);  
zbroj:=0;  
br:=0;  
za broj_ucenika:=1 do n činiti  
{  
ulaz(ocjena);  
ako je ocjena >1 onda  
{  
zbroj:=zbroj+ocjena;  
br:=br+1;  
}  
}  
izlaz(zbroj/br);  
}
```

U ovom smo primjeru morali provjeriti je li učitana ocjena pozitivna i tek smo je tada zbrajali.

Za izračunavanje srednje ocjene morali prebrojati i koliko je pozitivnih ocjena (varijabla br se za svaku pozitivnu ocjenu poveća za 1).

I zbroj i brojač prije petlje postavljamo na početne vrijednosti nula.

Primjer 3

Algoritam provjerava je li učitani broj prost broj (broj koji je djeljiv samo s 1 i sa samim sobom).

Rješenje:

```
{  
ulaz(broj);  
br:=0;  
za i:=2 do round(sqrt(broj)) činiti  
ako je broj mod i=0 onda br:=br+1;  
ako je br>0 onda izlaz('Nije prost broj.')  
inače izlaz('Broj je prost broj.');
```

Poboljšanje algoritma bilo bi u korištenju petlje s uvjetom.

Primjerice, u slučaju parnoga broja već bismo u prvom ponavljanju ustanovili da postoji djelitelj te da broj nije prost.

Ovo poboljšanje bolje se uočava kod velikih brojeva (može se bitno smanjiti broj ponavljanja petlje).

{

ulaz(broj);

i:=1;

br:=0;

ponavljati

i:=i+1;

ako je broj mod i=0 onda br:=br+1;

do i=round(sqrt(broj)) LI br>0;

ako je br>0 onda izlaz('Nije prost broj.')

inače izlaz('Broj je prost broj.');

}

Primjer 4

Algoritam ispisuje najmanji broj u nizu
učitanih n brojeva.

Rješenje:

```
{  
ulaz(n);           učitavamo koliko će biti brojeva  
ulaz(min);       prvu učitanu vrijednost spremimo u varijablu  
za i:=2 do n činiti   u kojoj pamtimo najmanju  
{  
ulaz(broj);        učitavamo sljedeći broj  
ako je broj <min onda  Ako je manji od zapamćenog  
min:=broj;          minimuma, on postaje najmanji.  
}  
izlaz(min);  
}
```

Primjer 5

Algoritam provjerava je li učitani broj n savršen broj
(jednak je zbroju svojih djelitelja koji su manji od njega, npr. $6=1+2+3$ ili $28=1+2+4+7+14$).

Rješenje:

```
{  
    ulaz(n);  
    z:=0;      budući zbroj znamenaka postavljamo na početnu vrijednost  
    za i:=1 do n-1 činiti  
        ako je n mod i=0 onda  
            z:=z+i;  
        ako je z=n onda  
            izlaz('Savršeni broj.')  
        inače izlaz('Nije  
            savršeni broj.');
```

*Ako pronađemo broj kojim je n djeljiv,
dodajemo ga u zbroj djelitelja*

Primjer 6

Algoritam ispisuje n članova Fibonaccijevog niza.

Fibonaccijev niz je niz u kojemu je svaki sljedeći član zbroj prethodnih dvaju članova (1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...).

Svaki n -ti član niza izračunava se po formuli $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$, tj. izračunava se kao zbroj prethodnih dvaju članova.

Prvi i drugi član niza jednaki su 1.

Rješenje:

```
{  
ulaz(n);  
f1:=1;  
f2:=1;  
izlaz(f1,f2);  
za i:=3 do n činiti      zanemarili smo mogućnost da je n=1 ili n=2  
{  
f:=f1+f2;  
izlaz(f);  
f1:=f2;  
f2:=f;  
}  
}
```

Primjer 7

Treba primijeniti Euklidov algoritam u traženju najvećega zajedničkog djelitelja dvaju zadanih brojeva.

Euklidov algoritam bazira se na pretpostavci da je najveći zajednički djelitelj dvaju brojeva u i v ($u > v$) jednak najvećem zajedničkom djelitelju brojeva $u-v$ i v .

Npr. $\text{NZD}(15,12) = \text{NZD}(12,3) = \text{NZD}(9,3) = \text{NZD}(6,3) = \text{NZD}(3,3) = \text{NZD}(0,3) = 3$.

Jednostavnim smanjivanjem većega broja u paru brojeva dolazimo do sve jednostavnijih parova. Algoritam se prekida kada prvi broj postane nula. U tome trenutku drugi broj predstavlja najveću zajedničku mjeru početnih brojeva. Važno je primijetiti da se oduzima uvijek manji broj od većega, tako da je u algoritmu bitno osigurati provjeru koji je od brojeva veći te im zamijeniti mjesta ako nisu u dobrom poretku.

Rješenje:

```
{  
ulaz(a,b);  
dok je a>0 činiti  
{  
ako je a<b onda  
{  
t:=a;  
a:=b;  
b:=t;  
}  
a:=a-b;  
}  
izlaz(b);  
}
```

Zaključak:

Prilikom rješavanja nekog problema uvijek moramo razmišljati u smjeru poboljšanja i ubrzanja algoritma.